

# SEEBECKOV EFEKT

Termoelektrični efekt, Seebeckov koeficijent, Peltierov koeficijent, Thomsonov koeficijent, Thomsonova jednadžba

## UVOD

Ako su dva spoja dva različita materijala na različitim temperaturama, između njih se javlja razlika električnog potencijala, a sam efekt se zove termoelektrični efekt. Taj napon (često se zove i termonapon) je obično proporcionalan razlici temperatura dva spoja, a koeficijent proporcionalnosti se naziva Seebeckov koeficijent i karakteristika je danog para materijala. Učinkovitost takve pretvorbe toplinske energije u električnu je mala.

## TEORIJSKI DIO

Termoelektrični efekt koji se manifestira kao električna struja u zatvorenoj petlji sastavljenoj od dva različita materijala čija se spojišta nalaze na različitim temperaturama ( $T_1$  i  $T_2$ ) naziva se Seebeckovim efektom. Na krajevima takve otvorene petlje javlja se razlika potencijala, koja se često naziva i termoelektromotornom silom (TEMF). Do nje dolazi uslijed termodifuzije nosioca naboja. Naime, uz postojanje temperaturnog gradijenta unutar petlje, nosioci naboja u topnjem dijelu imaju veće brzine od onih u hladnjem dijelu, te dolazi do difuzije: struja je jača u smjeru od topnjeg ka hladnjem spojištu. U kristalima srednja brzina elektrona iščezava, pa usmjereno gibanje nema, ako nema neke vanjske razlike potencijala. Termodifuzija uzrokuje gomilanje naboja na krajevima svakog materijala, pa se u uzorku javlja električno polje koje je usmjereno tako da u ravnotežnom stanju zaustavlja daljnju difuziju nosioca naboja, a što rezultira TEMF. Seebeck je pokazao da je TEMF za male temperaturne razlike proporcionalan toj razlici:

$$\Delta U_0 = \alpha \Delta T = \alpha (T_{toplo} - T_{hladno}) \quad U_0 = \int \alpha dT, \quad (1)$$

gdje je  $\alpha$  relativni diferencijalni Seebeckov koeficijent (RDSC). On ovisi o kombinaciji materijala u termočlanku, i o temperaturi.

Ako su oba spojišta na istoj temperaturi, skokovi potencijala na spojištima (Za pretpostaviti je da skokovi potencijala postoje jer su Fermijeve energije u različitim materijalima različite. Gustoća nosioca naboja u različitim materijalima je različita.) su jednakog iznosa a suprotnog smjera, pa je ukupna inducirana elektromotorna sila u takvoj petlji jednaka nuli. Uvođenjem temperaturne razlike među spojištima ruši se simetrija u skokovima potencijala na spojištima; skok potencijala je veći na topnjem spojištu, pa postoji konačna efektivna inducirana elektromotorna sila, tzv. termoelektromotorna sila.

U zatvorenoj petlji koja se sastoji od samo jedne vrste materijala Seebeckov efekt se ne može odrediti, budući da nema resultantne struje, i termoelektrični napon iščezava. To je posljedica konzervativnosti, tj. činjenice da se električno polje može izraziti gradijentom neke skalarne funkcije:

$$\vec{E} = -\nabla U. \quad (2)$$

Tražimo li gradijent od TEMF, rezultat je:

$$\nabla U = \alpha(T) \nabla T = -\vec{E}_T, \quad (3)$$

gdje je  $\vec{E}_T$  električno polje izazvano tim TEMF. Stoga, TEMF iščezava duž zatvorene petlje načinjene od samo jednog materijala:

$$U = -\oint \vec{E}_T \cdot d\vec{s} = 0. \quad (4)$$

U slučaju da je petlja sastavljena od dva metrijala, TEMF se može pisati kao:

$$U = -\int_1^2 \vec{E}_T \cdot d\vec{s} - \int_2^1 \vec{E}_T \cdot d\vec{s}. \quad (5)$$

Uvrštavanjem (3) u (5) dobiva se:

$$U = \int_1^2 \alpha_1(T) \nabla T \cdot d\vec{s} + \int_2^1 \alpha_2(T) \nabla T \cdot d\vec{s} = \int_{T1}^{T2} \alpha_1(T) dT + \int_{T2}^{T1} \alpha_2(T) dT = \int_{T1}^{T2} (\alpha_1 - \alpha_2) dT = \int_{T1}^{T2} \alpha dT, \quad (6)$$

gdje je  $\alpha$  iz posljednje jednakosti ista veličina kao u (1). Iz (6) se vidi da je TEMF konačna za  $\alpha_1 \neq \alpha_2$ . No, Seebeckovog efekta opet neće biti ako nema temperaturne razlike među spojištimi. Iz (6) je također vidljivo da TEMF ovisi samo o razlici temperatura spojišta, ne i o temperaturnoj distribuciji duž petlje.

U zatvorenoj petlji od dva materijala Seebeckov koeficijent nema apsolutnu vrijednost za pojedini od dva materijala, nego je njegov iznos karakteriziran svakim parom materijala posebno; naravno, ako je termonapon  $V_0$  proporcionalan razlici temperature  $\Delta T$  toplog i hladnog spojišta,

$$V_0 = \alpha \Delta T, \quad (1)$$

što općenito ne mora biti ispunjeno. U teorijskim razmatranjima<sup>1</sup> može se dobiti izraz za apsolutnu vrijednost Seebeckovog koeficijenta  $\alpha$  nekog materijala u obliku Pisarenkove formule:

$$\alpha = -\frac{k}{e} \left[ -\frac{\xi}{kT} + \frac{1}{kT} \int_0^\infty E^{5/2} \tau f' dE \right], \quad (2)$$

pri čemu je  $k$  Boltzmannova,  $T$  temperatura,  $e$  naboj elektrona,  $\xi$  veličina kojom se određuje položaj Fermijevog nivoa,  $\tau$  vrijeme relaksacije,  $E$  energija i  $f'$  derivacija funkcije raspodjele po energiji. U slučaju nedegeneriranih poluvodiča, kod kojih se Fermijev nivo nalazi barem  $kT$  ispod dna vodljive vrpce, kao funkcija raspodjele se može uporabiti Boltzmannova raspodjela  $f \sim \exp(-E/kT)$ , eksponentna ovisnost vremena relaksacije  $\tau \sim E^r$ ,  $\xi = E_F - E_C$ .  $E_F$  je položaj Fermijevog nivoa, a  $E_C$  položaj dna vodljive vrpce. Te dvije energije u n-tipu poluvodiča su povezane izrazom (3):

$$E_F = E_C - kT \ln \frac{N_C}{n}, \quad (3)$$

pri čemu je  $n$  koncentracija elektrona, a  $N_C$  efektivna gustoća stanja u zoni vodljivosti. Kada se sve navedeno uvrsti u Pisarenkovu formulu (2) i provede integracija, dobiva se:

$$\alpha = -\frac{k}{e} \left( r + \frac{5}{2} + \ln \frac{N_C}{n} \right). \quad (4)$$

Za p-tip poluvodiča vrijedi analogan izraz:

$$\alpha = \frac{k}{e} \left( r + \frac{5}{2} + \ln \frac{N_V}{p} \right) \quad (5)$$

$N_C$  i  $N_V$  su proporcionalni  $T^{3/2}$ , a  $n$  i  $p$  rastu eksponencijalno s temperaturom u temperaturnom području u kojem su se obavljala mjerena (sobna temperatura), tako da se u tom području  $\alpha$  smanjuje s temperaturom.