

# MATEMATIČKA ANALIZA 1

1. popravni kolokvij, 15.12.2005.

Ime i prezime: \_\_\_\_\_

1	2	3	4	5	$\Sigma$

JMBAG: \_\_\_\_\_

- (5) 1. Odredite prirodnu domenu funkcije zadane formulom

$$f(x) = \sqrt{1 - \log_2 \frac{5-x}{x+1}}.$$

- (5) 2. Funkcija  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  zadana je formulom

$$f(x) = -4^x + 3 \cdot 2^{x+1} - 8.$$

Odredite sliku  $\mathcal{R}_f$  funkcije  $f$  i skup  $f^{-1}(\langle 0, 2 \rangle)$ .

- (5) 3. Neka je  $f: \mathbb{R} \rightarrow [1, +\infty)$  funkcija zadana formulom

$$f(x) = ||x - 3| - 4| + 1.$$

(a) Skicirajte graf  $\Gamma_f$  funkcije  $f$  te koristeći  $\Gamma_f$  odredite skupove  $f([-1, 5])$  i  $f^{-1}([2, 3])$ .

(b) Da li je  $f$  surjekcija? Da li je restrikcija  $f|_{[-1, 5]}: [-1, 5] \rightarrow [1, +\infty)$  injekcija?

- (5) 4. Funkcija  $f: [-\frac{1}{6}, \frac{1}{6}] \rightarrow [\frac{1}{2}, 2]$  zadana je formulom

$$f(x) = 4^{\sin(\pi x)}.$$

Ispitajte da li je  $f$  bijekcija pa, ako jest, nađite njoj inverznu funkciju  $f^{-1}$ .

- (5) 5. Funkcija  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  zadana je formulom

$$f(x) = \arcsin \left( \cos \left( \pi \cdot \left( |x^2 - 1| - |x^2 - 2|x| + 1| \right) \right) \right).$$

(a) Odredite skupove  $f([- \frac{3}{2}, 1])$  i  $f^{-1}([- \frac{\pi}{2}, 0])$ .

(b) Da li je restrikcija od  $f$  na  $[1, \frac{3}{2}]$  injekcija? Ukoliko jest, odredite  $(f|_{[1, \frac{3}{2}]})^{-1}$ .

**Napomena:** Svaki zadatak pišite na zasebnom potpisanim papiru.

**Rezultati:** U ponedeljak, 19.12.2005. u 12 sati na [web.math.hr/nastava/analiza/kolokviji.html](http://web.math.hr/nastava/analiza/kolokviji.html) i na oglasnoj ploči. Termin žalbi će biti naknadno oglašen.

# MATEMATIČKA ANALIZA 1

1. popravni kolokvij, 15.12.2005.

Ime i prezime: \_\_\_\_\_

1	2	3	4	5	$\Sigma$

JMBAG: \_\_\_\_\_

- (5) 1. Odredite prirodnu domenu funkcije zadane formulom

$$f(x) = \sqrt{1 - \log_3 \frac{7-x}{x+1}}.$$

- (5) 2. Funkcija  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  zadana je formulom

$$f(x) = 9^x - 4 \cdot 3^x + 3.$$

Odredite sliku  $\mathcal{R}_f$  funkcije  $f$  i skup  $f^{-1}(\langle -2, 0 \rangle)$ .

- (5) 3. Neka je  $f: \mathbb{R} \rightarrow [2, +\infty)$  funkcija zadana formulom

$$f(x) = ||x+2| - 3| + 2.$$

(a) Skicirajte graf  $\Gamma_f$  funkcije  $f$  te koristeći  $\Gamma_f$  odredite skupove  $f([-4, 1])$  i  $f^{-1}([3, 5])$ .

(b) Da li je  $f$  surjekcija? Da li je restrikcija  $f|_{[-4,1]}: [-4, 1] \rightarrow [2, +\infty)$  injekcija?

- (5) 4. Funkcija  $f: \langle -\infty, -2 \rangle \rightarrow [\frac{\sqrt{2}}{2}, 1)$  zadana je formulom

$$f(x) = \cos(\pi \cdot 2^x).$$

Ispitajte da li je  $f$  bijekcija pa, ako jest, nađite njoj inverznu funkciju  $f^{-1}$ .

- (5) 5. Funkcija  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  zadana je formulom

$$f(x) = \operatorname{sh} \left( \operatorname{Arch} \left( \frac{|x^2 + 3|x| - 4| + 2|x| + 8}{|x| + 4} \right) \right).$$

(a) Odredite skupove  $f([-2, 1])$  i  $f^{-1}(\langle \sqrt{3}, 2\sqrt{2} \rangle)$ .

(b) Da li je restrikcija od  $f$  na  $\langle -\infty, -1 ]$  injekcija? Ukoliko jest, odredite  $(f|_{(-\infty, -1]})^{-1}$ .

**Napomena:** Svaki zadatak pišite na zasebnom potpisanim papiru.

**Rezultati:** U ponedjeljak, 19.12.2005. u 12 sati na [web.math.hr/nastava/analiza/kolokviji.html](http://web.math.hr/nastava/analiza/kolokviji.html) i na oglasnoj ploči. Termin žalbi će biti naknadno oglašen.

# MATEMATIČKA ANALIZA 1

1. popravni kolokvij, 15.12.2005.

Ime i prezime: \_\_\_\_\_

1	2	3	4	5	$\Sigma$

JMBAG: \_\_\_\_\_

- (5) 1. Odredite prirodnu domenu funkcije zadane formulom

$$f(x) = \sqrt{1 - \log_4 \frac{9-x}{x+1}}.$$

- (5) 2. Funkcija  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  zadana je formulom

$$f(x) = -16^x + 5 \cdot 4^{x+1} - 64.$$

Odredite sliku  $\mathcal{R}_f$  funkcije  $f$  i skup  $f^{-1}(\langle 0, 50 \rangle)$ .

- (5) 3. Neka je  $f: \mathbb{R} \rightarrow [3, +\infty)$  funkcija zadana formulom

$$f(x) = ||x - 4| - 1| + 3.$$

- (a) Skicirajte graf  $\Gamma_f$  funkcije  $f$  te koristeći  $\Gamma_f$  odredite skupove  $f([-1, 4])$  i  $f^{-1}([4, 6))$ .  
(b) Da li je  $f$  surjekcija? Da li je restrikcija  $f|_{[-1, 4]} : [-1, 4] \rightarrow [3, +\infty)$  injekcija?

- (5) 4. Funkcija  $f: [\frac{1}{3}, \frac{1}{2}] \rightarrow [2, +\infty)$  zadana je formulom

$$f(x) = \frac{1}{\cos(\pi x)}.$$

Ispitajte da li je  $f$  bijekcija pa, ako jest, nađite njoj inverznu funkciju  $f^{-1}$ .

- (5) 5. Funkcija  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  zadana je formulom

$$f(x) = \arccos \left( \sin \left( \frac{\pi}{4} \cdot (|x^2 - 2|x| + 1| - |x^2 - 1|) \right) \right)$$

- (a) Odredite skupove  $f([-1, 2])$  i  $f^{-1}([\frac{\pi}{2}, \pi])$ .  
(b) Da li je restrikcija od  $f$  na  $[1, 2]$  injekcija? Ukoliko jest, odredite  $(f|_{[1, 2]})^{-1}$ .

**Napomena:** Svaki zadatak pišite na zasebnom potpisanim papiru.

**Rezultati:** U ponedjeljak, 19.12.2005. u 12 sati na [web.math.hr/nastava/analiza/kolokviji.html](http://web.math.hr/nastava/analiza/kolokviji.html) i na oglasnoj ploči. Termin žalbi će biti naknadno oglašen.

# MATEMATIČKA ANALIZA 1

1. popravni kolokvij, 15.12.2005.

Ime i prezime: \_\_\_\_\_

1	2	3	4	5	$\Sigma$

JMBAG: \_\_\_\_\_

- (5) 1. Odredite prirodnu domenu funkcije zadane formulom

$$f(x) = \sqrt{1 - \log_5 \frac{11-x}{x+1}}.$$

- (5) 2. Funkcija  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  zadana je formulom

$$f(x) = 25^x - 6 \cdot 5^x + 5.$$

Odredite sliku  $\mathcal{R}_f$  funkcije  $f$  i skup  $f^{-1}(\langle -5, 0 \rangle)$

- (5) 3. Neka je  $f: \mathbb{R} \rightarrow [4, +\infty)$  funkcija zadana formulom

$$f(x) = ||x+3| - 1| + 4.$$

- (a) Skicirajte graf  $\Gamma_f$  funkcije  $f$  te koristeći  $\Gamma_f$  odredite skupove  $f([-5, -1])$  i  $f^{-1}([5, 6])$ .  
(b) Da li je  $f$  surjekcija? Da li je restrikcija  $f|_{[-5, -1]}: [-5, -1] \rightarrow [4, +\infty)$  injekcija?

- (5) 4. Funkcija  $f: [1, +\infty) \rightarrow \langle 0, \frac{\sqrt{3}}{2} \rangle$  zadana je formulom

$$f(x) = \sin\left(\frac{\pi}{3^x}\right).$$

Ispitajte da li je  $f$  bijekcija pa, ako jest, nadite njoj inverznu funkciju  $f^{-1}$ .

- (5) 5. Funkcija  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  zadana je formulom

$$f(x) = \operatorname{ch}\left(\operatorname{Arsh}\left(\frac{|x^2 + |x| - 6| - 2|x| - 6}{|x| + 3}\right)\right).$$

- (a) Odredite skupove  $f(\langle -5, 4 \rangle)$  i  $f^{-1}(\langle 1, \sqrt{5} \rangle)$ .  
(b) Da li je restrikcija od  $f$  na  $\langle -\infty, -4 \rangle$  injekcija? Ukoliko jest, odredite  $(f|_{\langle -\infty, -4 \rangle})^{-1}$ .

**Napomena:** Svaki zadatak pišite na zasebnom potpisanim papiru.

**Rezultati:** U ponedjeljak, 19.12.2005. u 12 sati na [web.math.hr/nastava/analiza/kolokviji.html](http://web.math.hr/nastava/analiza/kolokviji.html) i na oglasnoj ploči. Termin žalbi će biti naknadno oglašen.