

**Def.** **Euklidska ravnina** je skup  $M$  čije elemente nazivamo *točkama*, a neke istaknute podskupove od  $M$  *pravcima*, tako da su zadovoljeni aksiomi I1, I2, I3, U1, U2, M1, M2, M3, M4, S1, S2 i P.

- (I1) Za svake dvije različite točke postoji jedinstveni pravac kojem one pripadaju.
  - (I2) Na svakom pravcu leže barem tri različite točke
  - (I3) Postoje tri nekolinearne točke.
- 
- (U1) Na svakom pravcu postoje dva suprotna totalna uređaja,  $\leq$  i  $\geq$ .
  - (U2) (*Paschov aksiom*) Ako pravac siječe jednu stranicu trokuta i ne prolazi niti jednim vrhom na toj stranici, onda siječe još barem jednu stranicu.
- 
- (M1)  $(\forall A, B \in M) \ d(A, B) \geq 0 \wedge (d(A, B) = 0 \Leftrightarrow A = B)$
  - (M2)  $(\forall A, B \in M) \ d(A, B) = d(B, A)$
  - (M3)  $(\forall A, B, C \in M) \ d(A, B) \leq d(A, C) + d(C, B)$ ,  
jednakost vrijedi ako i samo ako  $C \in \overline{AB}$ .
  - (M4) Za svaki polupravac  $s$  s vrhom  $V$  i svaki realni broj  $x > 0$  postoji jedinstvena točka  $T$  na polupravcu  $s$  takva da je  $d(V, T) = x$ .
- 
- (S1) Za svaki pravac  $p$  postoji jedinstvena izometrija  $s_p: M \rightarrow M$  različita od identitete za koju je  $(\forall T \in p) \ s_p(T) = T$ .
  - (S2) Neka su  $(Ax)$  i  $(Ay)$  proizvoljni polupravci s vrhom  $A$ . Tada postoji barem jedan pravac  $p$  takav da je  $s_p(x) = y$ .
- 
- (P) Zadanom točkom  $T$  izvan pravca  $P$  prolazi najviše jedan pravac  $q$  paralelan s  $P$ .